



# Maximum/Minimum quadratischer Terme

Voraussetzung: Ein quadratischer Term. Das sind Terme, in denen höchstens  $x^2$  vorkommt, z.B.:  $3x^2 + 5x + 3$ ;  $x^2$ ;  $5 - x^2$ , aber auch  $(x + 3)(x - 5)$  <= Erst ausmultiplizieren.

Bsp.: Bestimme das Maximum/Minimum des Terms  $y = 4x^2 + 12x - 8$ !

## 1. Bestimmen des Maximum/Minimum mit Hilfe der quadratischen Ergänzung

1. Bringe auf Scheitelform (-> (Ausklammern) -> Quadratische Ergänzung -> Binomische Formel

$$\begin{aligned}
 & \bullet 4 \cdot (x^2 + 3x) - 8 \quad \leftarrow \text{(-> Vereinfachen)} \\
 & \bullet 4 \cdot (x^2 + 3x + 1,5^2 - 1,5^2) - 8 \\
 & \bullet 4 \cdot [(x + 1,5)^2 - 1,5^2] - 8 \\
 & \bullet 4 \cdot (x + 1,5)^2 + 4 \cdot (-1,5^2) - 8 \\
 & \bullet 4 \cdot (x + 1,5)^2 - 17
 \end{aligned}$$

2. Der Scheitelpunkt ist automatisch Maximum/Minimum des quadratischen Terms.

- Ist die Zahl vor der Klammer positiv (negativ), ist es ein Minimum (Maximum)
- Die Gegenzahl der Zahl in der Klammer ist der x-Wert.
- Die Zahl hinter der Klammer ist der y-Wert.

$$4 \cdot (x + 1,5)^2 - 17$$

Positiv, also Minimum
Gegenzahl: -1,5 (x-Wert)
-17 (y-Wert)

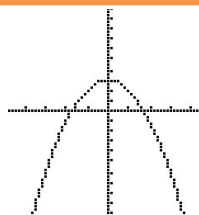
Also: Minimum  $y = -17$  für  $x = -1,5$

## 2. Bestimmung mit Hilfe des GTR

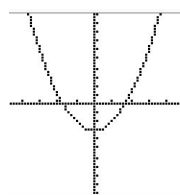


1. Gib den Term bei [Y=] in den GTR ein.
2. Geh auf [GRAPH] und schaue nach, ob das Max/Min auf dem GTR angezeigt wird.  
Wenn nein, zoome heraus ([ZOOM] -> *Zoom out*) bis man es sieht.
3. Maximum: Graph geht nach unten. Minimum: Graph geht nach oben.
4. Geh auf [CALC] und wähle *Maximum* oder *Minimum*.

Schreibe:  $y = 4x^2 + 12x - 8$  -> [Y=] -> [CALC] -> *Max* oder *Min* ->  $x = -1,5$ ;  $y = -17$



Maximum



Minimum

## Aufgaben:

1. Bestimme das Maximum/Minimum folgender quadratischer Terme:

a)  $x^2 + 5x + 7$

b)  $-2x^2 + 4x - 8$

c)  $x^2$

d)  $-x^2 + 9$

e)  $-3x^2 + 4,5x$

2.  $A(x) = -x^2 + 11x$  beschreibt die Fläche eines Trapez. Ermittle den maximalen Flächeninhalt durch Rechnung.

3. Die Oberfläche eines Silizium-Chips soll möglichst klein sein. Sie wird durch  $A(x) = 3,5x^2 + x + 20$  definiert. Berechne den Oberflächeninhalt.

4. Ein Parallelogramm hat eine allgemeine Fläche von  $A(x) = (5 + x)(3 - x)$ . Bestimme den maximalen Flächeninhalt.

5. Zeigen sie durch Rechnung, dass es unter den Parallelogrammen  $A_n B_n C_n D_n$  kein Parallelogramm mit dem Flächeninhalt von 35 FE gibt.  $A(x) = -0,75x^2 + 4,5x + 24,25$

6. Für das Volumen der Quader  $A B_n C_n D E_n F_n G_n H_n$  in Abhängigkeit von  $x$  gilt:

$$V(x) = (-16x^2 + 120x + 400) \text{ cm}^3.$$

Bestimmen Sie den Wert von  $x$ , für den man das maximale Volumen erhält und geben Sie diesen an.

Nr.1:a) Min:  $y=0,75$ ,  $x=-2,5$ ; b) Max:  $y=-6$ ,  $x=1$ ; c) Min:  $y=0$ ,  $x=0$ ; d) Max:  $y=9$ ,  $x=0$ ; e)  $y=1,6875$ ;  $x=0,75$   
 Nr. 2: Max:  $y=30,25$ ;  $x=5,5$ ; Nr. 3: Min:  $y=19,93$ ;  $x=-0,14$ ; Nr.4: Max:  $y=16$ ;  $x=-1$ ; Nr.5: Max:  $y=31$ ;  $x=3$ ; Nr.6: Max:  $y=625$ ;  $x=3,75$

Lösungen: