

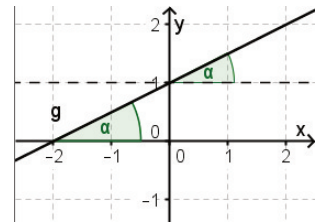


Steigung mit Tangens

Beachte: Stelle deinen GTR auf DEG über [SETUP] → B → Deg

Steigung m einer Geraden

Die X-Achse (oder eine Parallele zur X-Achse) und die Gerade g spannen einen Steigungswinkel α auf. Das Maß des Steigungswinkels hängt dabei von der Steigung m der Geraden mit $y = m \cdot x + t$ ab.



Es gilt: $\tan \alpha = m$ (mit $\alpha \neq 90^\circ$)

Geraden mit positiver Steigung m

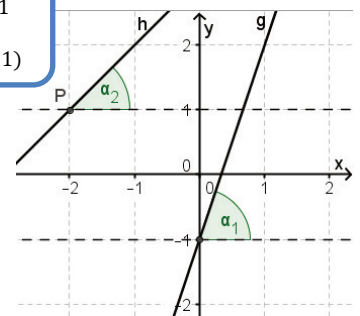
- a) Geradengleichung aufstellen
 - Geg.: Steigungswinkel α ; y-Achsenabschnitt t
 - o in die allgemeine Geradengleichung $y = m \cdot x + t$ einsetzen.
 - Geg.: Steigungswinkel α ; Punkt P ($P \in g$)
 - o α und Punktkoordinaten in die allgemeine Geradengleichung einsetzen
 - o Y-Achsenabschnitt t berechnen
 - o Steigung m und t in die allgemeine Geradengleichung einsetzen.

$\alpha = 60^\circ; t = 7$
 $y = \tan 60^\circ \cdot x + 7$
 $\Leftrightarrow y = 1,73 \cdot x + 7$

$\alpha = 60^\circ; P(3|2)$
 $2 = \tan 60^\circ \cdot 3 + t \Leftrightarrow t = -3,20$
 $\Leftrightarrow y = -1,73 \cdot x - 3,20$

- b) Gerade mit dem Steigungswinkel einzeichnen
 - Geg.: y-Achsenabschnitt t
 - o Punkt einzeichnen
 - o zeichne Parallele zur x-Achse durch t ein
 - o trage am Punkt den Steigungswinkel an.
 - Geg.: Punkt P ($P \in g$)
 - o zeichne P ein
 - o zeichne Parallele zur x-Achse durch P ein
 - o trage an P den Steigungswinkel an.

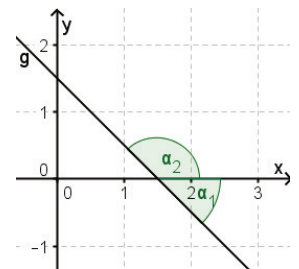
$g: \alpha_1 = 72^\circ; t = -1$
 $h: \alpha_2 = 45^\circ; P(-2|1)$



Geraden mit negativer Steigung m

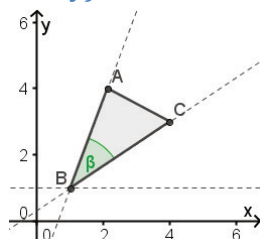
Funktioniert gleich wie mit positiver Steigung. Beachte jedoch:

- Ist die Steigung m negativ, so kann für die Berechnung des Steigungswinkel ein negativer Winkel herauskommen.
- Negative Winkel werden beginnend an der x-Achse **mit dem Uhrzeigersinn** eingezeichnet.
- Es gilt: $-\tan \alpha = \tan(180^\circ - \alpha)$. Das heißt, anstatt einen negativen Winkel $-\alpha$ mit dem Uhrzeigersinn einzuzeichnen, kann auch ein Winkel ganz normal gegen den Uhrzeigersinn gezeichnet werden, der $180^\circ - \alpha$ groß ist.



Berechnen eines Winkels zwischen zwei Geraden (oder Drei-/Vierecksseiten im KoSy)

- Soll der Winkel zwischen zwei Drei-/Vierecksseiten berechnet werden, so braucht man erst die Steigung der Geraden, die durch diese Seiten verlaufen (FS S. 12; $m = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A}$)
- Berechne den Steigungswinkel α_1 der ersten Geraden.
- Berechne den Steigungswinkel α_2 der zweiten Geraden.
- Ziehe vom größeren Winkel den kleineren Winkel ab ($\alpha_1 - \alpha_2$ für $\alpha_1 > \alpha_2$)



Supplementbeziehung und negativ orientierte Winkel (FS S.40-41)

negativ orientierte Winkel	Supplementbeziehungen (Ergänzung zu 180°)
$\sin -\alpha = -\sin \alpha$	$\sin(180^\circ - \alpha) = \sin \alpha$
$\cos -\alpha = \cos \alpha$	$\cos(180^\circ - \alpha) = -\cos \alpha$ $\alpha \in [0^\circ; 90^\circ]$
$\tan -\alpha = -\tan \alpha$	$\tan(180^\circ - \alpha) = -\tan \alpha$

Weiter gilt: $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$

$A(2|4); B(1|1); C(4|3)$
 $m_1 = \frac{y_A - y_B}{x_A - x_B} = 3$
 $m_2 = \frac{y_C - y_B}{x_C - x_B} = 0,66$
 $\tan \alpha_1 = 3 \Leftrightarrow \alpha_1 = 71,57^\circ$
 $\tan \alpha_2 = 0,66 \Leftrightarrow \alpha_2 = 33,42^\circ$
 $\beta = 71,57^\circ - 33,42^\circ = 38,15^\circ$

Aufgaben: Runde wenn nicht anders angegeben auf zwei Nachkommastellen

1) Berechne den Steigungswinkel folgender Geraden!

- a) $y = 2x + 3$ b) $y = 5x + 2$ c) $y = 0,25x - 2$ d) $y = 3x$
- e) $y = -3x - 2$ f) $y = -0,3x + 7$ g) $y = -1,2x + 3$ h) $y = -6x$

2) Stelle aus folgenden Angaben eine Geradengleichung der Geraden g auf ($P \in g$)

- a) $\alpha = 70^\circ; t = 5$ b) $\alpha = 25^\circ; t = 0,5$ c) $\alpha = 30^\circ; t = 9$ d) $\alpha = 15^\circ; t = 0$
- e) $\alpha = 35^\circ; P(1|1)$ f) $\alpha = 65^\circ; P(3|2)$ g) $\alpha = 89^\circ; P(7|-2)$ h) $\alpha = 90^\circ; P(7|3)$
- i) $\alpha = 120^\circ; P(-2|-5)$ j) $\alpha = -20^\circ; P(-1|-3)$ k) $\alpha = -80^\circ; P(-5|-10)$
- l) $\alpha = 145^\circ; t = -3$ m) $\alpha = 5^\circ; P(-1|5)$ n) $\alpha = 180^\circ; P(0|0)$

3) Berechne den Winkel von der Geraden g zur Geraden h.

- a) $g: y = 0,5x + 2; h: y = 2x + 7$ b) $g: y = 2x + 9; h: y = 8x + 1$
- c) $g: y = 0,25x + 2; h: y = 10x$ d) $g: y = -2x + 1; h: y = 2x + 4,5$
- e) $g: y = -3x - 1; h: y = -0,7x + 2,5$ f) $g: y = -0,75x - 3; h: y = 3x - 3$

4) Gegeben ist das Dreieck ABC. Berechne den Winkel zwischen den angegebenen Seiten.

- a) $A(3|2); B(6|-1); C(5|9)$; Berechne Winkel α zwischen den Strecken [AB] und [AC]
- b) $A(-5|8); B(-7|3); C(0|-2)$; Berechne Winkel β zwischen den Strecken [BC] und [BA]
- c) $A(-5|8); B(-7|3); C(0|-2)$; Berechne Winkel γ zwischen den Strecken [CB] und [CA]

5) Gegeben ist die Parabel p mit $y = -0,5x^2 + 2x + 3$. Punkte $B_n(x|-0,5x^2 + 2x + 3)$ und C_n auf der Parabel p sind zusammen mit dem Punkt $A(-1|-3)$ Eckpunkte von Dreiecken AB_nC_n . Die x-Koordinate der Punkte C_n ist um 3 kleiner als die Abszisse x der Punkte B_n .

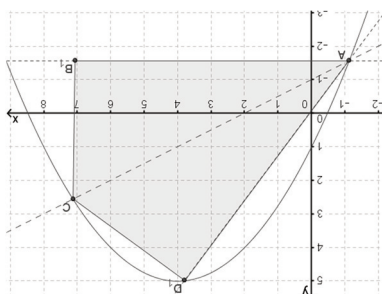
Zeichnen Sie das Dreieck AB_1C_1 für $x = 4$ in ein Koordinatensystem ein.

Es gilt: $LE \ 1\text{cm}; -4 \leq x \leq 7; -8 \leq y \leq 6$.

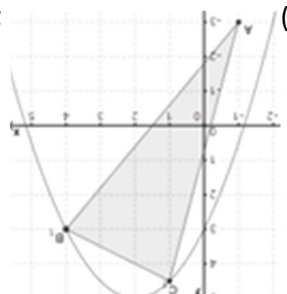
Im Dreieck AB_1C_1 besitzt der Winkel $\sphericalangle B_1AC_1$ das Maß α . Berechnen Sie α .

6) Die Parabel p hat die Gleichung $y = -0,25x^2 + 2x + 1$ und die Gerade g die Gleichung $y = 0,5x - 1$. Die Parabel p und die Gerade g schneiden sich in Punkten $A(-1,12|-1,56)$ und $C(7,12|2,56)$. Die Punkte $D_n(x|-0,25x^2 + 2x + 1)$ auf der Parabel p sind zusammen mit den Punkten A und C sowie den Punkten B_n Eckpunkte von Drachenvierecken AB_nCD_n mit der gemeinsamen Symmetrieachse g. Die Seite $[AB_1]$ des Drachenvierecks AB_1CD_1 verläuft parallel zur x-Achse. Zeichne das Drachenviereck AB_1CD_1 in ein Koordinatensystem und berechne sodann das Maß α des Winkels B_1AD_1 .

[Für KoSy gilt: $LE = 1\text{ cm}; -4 \leq x \leq 11; -6 \leq y \leq 8$]



(g nz)



(s nz)

1a) $\alpha = 63,43^\circ$; b) $\alpha = 78,69^\circ$; c) $\alpha = 14,04^\circ$; d) $\alpha = 71,57^\circ$; e) $\alpha = 108,43^\circ$; f) $\alpha = 163,30^\circ$; g) $\alpha = 129,81^\circ$; h) $\alpha = 99,46^\circ$

2a) $y = 2,75x + 5$; b) $y = 0,47x + 0,5$; c) $y = 0,58x + 9$; d) $y = 0,227x$; e) $y = 0,7 - 0,3$; f) $y = 2,14x - 4,43$; g) $y = 57,29x - 403,03$; h) $y = -1,73x - 8,46$

3a) $\alpha = 36,87^\circ$; b) $\alpha = 19,44^\circ$; c) $\alpha = 70,25^\circ$; d) $\alpha = 126,87^\circ$; e) $\alpha = 36,57^\circ$; f) $\alpha = 108,43^\circ$

4a) $m_1 = -1$; $m_2 = 3,5$; $\alpha = 119,05^\circ$; b) $m_1 = -0,71$; $m_2 = 0,14$; $\alpha = 43,34^\circ$; c) $m_1 = -0,71$; $m_2 = -2$; $\alpha = 28,06^\circ$

5) $A(-1|-3); B_1(4|3); C_1(1|4,5)$; $m_{AB} = 1,2$; $m_{AC} = 3,75$; $\alpha = 24,87^\circ$

6) $m_{AC} = 0,5$; $\sphericalangle CAB_1 = 26,57^\circ$; $\sphericalangle D_1AB_1 = 53,14^\circ$

! $y = -0,36x - 3,36$; k) $y = -5,67x + -38,36$; l) $y = -0,7x - 3$; m) $y = 0,09x + 5,09$; n) $y = 0x + 0 = 0$